

### Volume I

# La Matematica, La Geometria, L'Analisi per chi voglia ripartire da zero.

INDICE del volume I

Premessa

Posizione del problema

La memoria - la comunicabilità - I linguaggi

Cosa memorizzare

Le quantità

Le frazioni

Criteri di divisibilità - Numeri primi

L'algebra

L'equivalenza di due frazioni - Le proporzioni

Le regole del tre semplice e del tre composto

Ripartizione direttamente proporzionale

Ripartizione inversamente proporzionale

Applicazioni geometriche

La similitudine

Gli Angoli

I principali teoremi della geometria

Alcune applicazioni grafiche del II° teorema di Euclide

Altre costruzioni grafiche

Confronto di due segmenti

Commensurabilità ed incommensurabilità di segmenti

Le numerazioni

La sezione aurea

Il decagono regolare

Gli angoli notevoli

Come costruire graficamente gli angoli notevoli

Dividere il cerchio in un numero qualsiasi di parti uguali

Alcuni teoremi dedotti dalla proporzionalità

Teorema di Talete

La linearizzazione

I diagrammi ed il concetto di funzione

Il simbolismo

Le cinque proprietà delle potenze

<u>I logaritmi</u>

Le radici, i radicali, le potenze ad esponente frazionario

Prodotti notevoli

Divisibilità di binomi

Razionalizzazione del denominatore

Metodi per calcolare le radici

I radicali doppi

Gli operatori

Le successioni

Progressione aritmetica

Progressioni geometriche

Frazione generatrice di un numero periodico

Il fattoriale

Numeri reali e numeri immaginari

L'operatore immaginario

I numeri complessi

Tavola dei numeri

I numeri - le misure - le dimensioni - l'equivalenza

Le aree

Integrazione grafica

Le capacità - i volumi

Principio di Cavalieri

Le equazioni

Equazioni lineari

Equazioni indipendenti

Metodo di Cramer o dei determinanti

Sistemi lineari in "n" incognite

Equazioni di grado superiore al primo

Equazioni di secondo grado

Equazioni reciproche

Equazioni biquadratiche

Sui vari modi di considerare un espressione algebrica

Luoghi geometrici

La traslazione di assi

Il cerchio

La parabola

Regola dei segni di Cartesio

I passaggi algebrici e l'assurdo

Le disequazioni

Disequazioni di primo grado

Disequazioni qualsiasi

La discussione delle equazioni di 2° grado

La trigonometria

Correlazioni fra le funzioni trigonometriche

Rappresentazioni grafiche

Angoli notevoli

Le tavole trigonometriche

Le funzioni somma e differenza di angoli

Formule di duplicazione

Formule di bisezione

Formule parametriche

Formule di Prostaferesi

I teoremi per la risoluzione dei triangoli

Teorema dei seni

Area del triangolo

Teorema di Carnot

Teorema di Neper

Formule di Brigg

Risoluzione di triangoli (tavola)

Funzioni trigonometriche inverse

Giochetti sulle funzioni trigonometriche

La simmetria

Il triangolo

Punti notevoli di un triangolo

Circocentro

Ortocentro

<u>Incentro</u>

Lunghezza delle bisettrici

<u>Exincentri</u>

Distanze degli exincentri dai vertici

**Baricentro** 

Complementi sul triangolo

Teorema di Ceva

Teorema di Menelao

Retta di Eulero

Retta di Simpson

Cerchio dei nove punti

I punti di Brocard

I poligoni regolari

Triangolo equilatero

Quadrato

Pentagono

**Esagono** 

**Ettagono** 

**Ottagono** 

**Ennagono** 

**Decagono** 

Undecagono

Dodecagono

Il processo di esaustione

Le classi contigue

Il calcolo infinitesimale

I differenziali

Le derivate

<u>I limiti</u>

Paradosso di Achille e la tartaruga

Operazioni di passaggio al limite

Limiti notevoli (trigonometrici)

Limiti notevoli (derivanti da "e")

Tabella dei limiti notevoli

Ordine degli infiniti e degli infinitesimi

Metodi di calcolo dei limiti

Calcolo di derivate

Regole di derivazione di funzioni

Derivata logaritmica

Derivata esponenziale

Derivata di funzioni inverse

Calcolo dei massimi e dei minimi di una funzione

Le derivate di ordine "n"

Flessi

I teoremi di Rolle, di Lagrange, di Cauchy

Generalizzazione delle formule di Cauchy e di Lagrange

Teoremi di De L'Hospital

Artifizi per poter applicare i teoremi di De L'Hospital

Limiti a destra, limiti a sinistra

Lo studio delle funzioni

Semplificazioni

Valori assoluti

campi di esistenza

Operazioni preparatorie all'esposizione dati

Calcolo di altri punti caratteristici

Calcolo di asintoti

Il grafico della funzione

Esercizio

Il calcolo integrale

Saper portare sotto il segno di differenziale

Metodi di integrazione

Integrazione per parti

Artifizi di integrazione

Integrazione di funzioni razionali fratte

Se il polinomio al denominatore ha solo radici immaginarie

Se il polinomio al denominatore ha due radici reali

Integrazione di irrazionali algebrici

Integrali impropri o generalizzati

Formula di Wallis

Quadro riepilogativo delle figure geometriche elementari

Solidi elementari

Triangoli pitagorici

Triangoli pitagorici aventi un lato comune

Triangoli eroniani

Costruzione approssimata della circonferenza rettificata

Calcolo numerico approssimato

Sistema metrico decimale

Misure di valore

Tavole di ragguaglio di Antiche Misure Italiane ed Estere (precedenti l'adozione del sistema metrico decimale)

misure di superficie

misure di capacità

misure di peso

monete antiche italiane

Tavole di confronto per misure lineari

Considerazioni di aritmetica Razionale

Le operazioni aritmetiche (Somma)

Le operazioni aritmetiche (Sottrazione)

Le operazioni aritmetiche (Moltiplicazione)

Le operazioni aritmetiche (Divisione)

Prova del 9 per le quattro operazioni

Le lunule e le figure piane delimitate da archi di cerchio

<u>L'arbelo</u>

Il salinon

<u>Drepanoide</u>

Pelecoide

Prisma Prismatoide Prismoide

Centri isogonici; metapoli; punti isodinamici

Indice Enciclopedico

Pag. 0



#### **Volume II**

## Calcolo Combinatorio, le Serie, le Coniche.

#### INDICE del volume II

Le medie

Media aritmetica semplice

Media aritmetica ponderata

Media geometrica

Media geometrica ponderata

Media armonica

Media armonica associata a frequenze

Moda e mediana

Scarto medio quadratico

Cenni sui minimi quadrati

Calcolo combinatorio

**Permutazioni** 

**Disposizioni** 

**Combinazioni** 

Coefficienti binomiali

Binomio di Newton

Polinomio di Leibniz

Coefficienti delle equazioni di grado ""n""

Combinazioni con ripetizione

Calcolo delle probabilità

Il gioco del lotto

Il totocalcio

La speranza matematica

Probabilità totali

Probabilità composte

Probabilità delle cause

Formula di Bayes

Le variabili casuali o stocastiche

Successioni numeriche

Funzioni e successioni

Frazioni continue

Regola delle frazioni successive

La convergenza delle successioni

Il numero e

Le serie

La serie della progressione geometrica

La serie armonica

Le ridotte e il resto della serie

Criterio generale di convergenza delle serie

Serie assolutamente convergenti

Serie a segni alternati

Serie di Mengoli

Serie delle constante di Eulero-Mascheroni

Serie di potenze di numeri naturali

Criteri di convergenza

Criterio del rapporto

Criterio di radice

Criterio di Kummer

Criterio di Raabe

La Zeta di Rienmann

Prodotti infiniti

Le serie doppie

Proprietà delle serie

Operazioni aritmetiche fra serie

Prodotto di due serie

Serie a termini complessi

Continuità e discontinuità di funzioni

Discontinuità

Postulato della continuità di R.Dedekind

Serie a termini variabili

Serie di potenze

Il cerchio di convergenza

Criteri per determinare il raggio di convergenza

Derivazione della serie di potenze

Sviluppo accorciato di Taylor

Serie esponenziale

Serie del seno circolare

Serie del coseno circolare

Serie esponenziale ad esponente immaginario

Serie esponenziale ad esponente immaginario negativo

Serie esponenziale ad esponente negativo

Serie del coseno iperbolico

Serie del seno iperbolico

Serie esponenziale

Serie logaritmica

Serie binomiale

Calcolo delle variabili ennesime

Serie di arcsen(x)

Serie di arccos(x)

Serie di Arctg(x) o serie ciclometria

Il calcolo di pigreco

Le lunule di Ippocrate

Cenni di storia della serie

Integrazione per serie

Il problema del pendolo

Sviluppo in serie degli integrali ellittici di prima specie

Sviluppo in serie degli integrali ellittici di seconda specie

Tabella degli integrali ellittici

I numeri immaginari complessi

Operazioni sui numeri complessi

Potenza di un numero complesso

Formula di Moivre

Radici ennesime dell'unità

I sistemi di riferimento

Terne destrogire e terne sinistrogire

La direzione

La geometria analitica (del piano)

Coordinate polari

Traslazione di assi

Rotazione di assi

Equazione della retta tangente ad una curva piana

Equazione della tangente e della normale ad una curva

Equazione delle rette tangenti al cerchio

Rette tangenti al cerchio non al centro

Calcolo delle aree con integrali doppi

Rettificazione di curve piane

Rettificazione della circonferenza

Rettificazione della catenaria

La curvatura ed il raggio di curvatura delle curve piane

Calcolo del raggio di curvatura

I centri di curvatura del piano

LE CONICHE

L'ellisse (del giardiniere)

Equazione dell'ellisse al centro

L'ellisse come proiezione di un cerchio

Costruzioni grafiche dell'ellisse

II costruzione grafica

Equazione dell'ellisse in coordinate polari

I diametri coniugati dell'ellisse

Dati due diametri coniugati disegnare i diametri principali

L'ellisse e il teorema delle secanti

I raggi di curvatura dell'ellisse

Costruzione grafica utilizzando i raggi di curvatura

I centri di curvatura dell'ellisse (l'evoluta)

I luoghi dei centri di curvatura dell'ellisse e la curva Asteroide

L'ellisse come sezione di un cilindro con un piano

Relazione fra l'ellisse e la sinusoide

Applicazione alle volte a crociera e padiglione

Confronti fra la vota a crociera e la volta a padiglione

L'ellisse come intersezione di un piano con un cono

L'equazione dell'ellisse ad assi traslati

L'equazione dell'ellisse ad assi rotati

L'equazione dell'ellisse ad assi rotati e traslati

L'area dell'ellisse

La rettificazione dell'ellisse e gli integrali ellittici

Le coordinate parametriche dell'ellisse

Gli integrali ellittici

L'ellisse nella matematica applicata

L'ellisografo

Equazione delle rette tangenti all'ellisse

L'equazione della normale all'ellisse

Le proprietà focali dell'ellisse

La parabola

Costruzione grafica della parabola

Equazione della parabola ad assi traslati

Equazione della parabola ad assi rotati

Equazione della parabola ad assi rotati e traslati

Le rette tangenti alla parabola

Costruzione grafica della parabola per tangenti

Tangenti alla parabola da un punto esterno

La normale alla parabola

Altro metodo per costruire la parabola per punti

La parabola come traiettoria in campo gravitazionale

L'efflusso di fluidi a livello costante

Il concetto di modulo nella parabola

Il modulo grafico unitario di una curva qualsiasi

L'area della parabola

La rettificazione della parabola

I raggi di curvatura della parabola

I centri di curvatura della parabola (l'evoluta)

Grafico dell'evoluta della parabola

Proprietà focali della parabola

La podaria

La parabola come sezione di un piano con un cono

La parabola in coordinate polari

Una costruzione grafica per coordinate polari

L'Iperbole

Gli asintoti dell'iperbole

L'equazione dell'iperbole in coordinate polari

Le derivate dell'iperbole

Equazioni delle tangenti all'iperbole

L'equazione della normale all'iperbole

L'iperbole tracciata con segno continuo

I raggi di curvatura dell'iperbole

I Centri di curvatura dell'iperbole

Evoluta dell'iperbole

L'iperbole come intersezione di un piano con un cono

L'equazione dell'iperbole ad assi traslati

L'equazione dell'iperbole equilatera ad assi traslati

Equazione dell'iperbole ad assi ruotati

Equazione dell'iperbole equilatera ad assi ruotati

Equazione dell'iperbole ad assi ruotati e traslati

Equazione dell'iperbole equilatera ad assi ruotati e traslati

L'iperbole equilatera

Costruzione grafica dell'iperbole equilatera

La derivata dell'iperbole equilatera

L'iperbole equilatera riferita agli asintoti

L'area dell'iperbole

I diametri coniugati dell'Iperbole

I teoremi di Apollonio Pergeo

Dati due diametri coniugati di due iperboli coniugate

I circoli direttori dell'iperbole e dell'ellisse

La podaria dell'iperbole (e dell'ellisse)

Proprietà focali dell'iperbole

LA TRIGONOMETRIA IPERBOLICA

Relazioni di trigonometria iperbolica

Relazioni fra le funzioni circolari e le iperboliche

La Gudermanniana

Le coordinate parametriche dell'iperbole

Le coordinate polari e parametriche delle parabola avvalendosi

delle funzioni iperboliche

Problema inverso delle coniche

Le equazioni canoniche e gli assi di riferimento

Avvertenza

la individuazione delle coniche

Il caso ellittico

Ellisse al centro

Ellisse ad assi traslati in x

Ellisse ad assi traslati in y

Ellisse ad assi traslati in x e in y

Ellisse ad assi solo ruotati

Ellisse ad assi ruotati e traslati

Esempio numerico

Caso Iperbolico

Iperbole al centro

Iperbole ad assi traslati in x

Iperbole ad assi traslati in y

<u>Iperbole ad assi traslati in x e in y</u>

Iperbole ad assi solo ruotati

Osservazioni sulla rotazione degli assi

Iperbole ad assi ruotati e traslati

Ésempio numerico

La parabola

L'equazione canonica della parabola

Caso parabolico

Parabola ad assi solo traslati in x

Parabola ad assi solo traslati in y

Parabola ad assi traslati in x e in y

Parabola ad assi solo ruotati

Parabola ad assi ruotati e traslati

Calcolo dei determinanti della parabola

Il determinante e i minori della parabola

La sequenza delle operazioni da compiere (parabola)

Il determinante e i minori dell'ellisse

La sequenza delle operazioni da compiere (ellisse)

Il determinante e i minori dell'iperbole

La sequenza delle operazioni da compiere (iperbole)

Conica per 5 punti

Esempio numerico

Risoluzione grafica della conica per 5 punti

Sequenza dei cubi

Indice Enciclopedico Pag. 0



### **Volume III**

# Il campo tridimensionale, funzioni in più variabili, le equazioni differenziali.

#### INDICE del volume III

Il campo tridimensionale

La geometria analitica dello spazio

Condizioni di appartenenza

Condizioni di parallelismo

Equazione Segmentaria del piano

Angolo fra due piani (o due rette)

Condizioni di perpendicolarità

I coseni direttori della retta

Alcune considerazioni sul parallelismo e perpendicolarità

Distanza di un punto da una retta

Distanza di un punto da un piano

Il parametro nell'equazione del fascio di piani

Coppia di piani paralleli per due rette sghembe

Segmento di minima distanza fra due rette sghembe

Le superfici elementari come luoghi geometrici

<u>La sfera</u>

Equazione generale della sfera

Sfera passante per quattro punti

Sfera di raggio r per tre punti

Piani tangenti ad una sfera (per un punto)

Piani tangenti ad una sfera (per una retta)

Insieme dei piani tangenti ad una sfera

Il verso della giacitura di piani

Caso generale

Intersezione di una retta con una sfera

Intersezione di un piano con una sfera

Intersezione fra due sfere

Il cilindro

Equazione generale del cilindro

Sezione retta di un cilindro circolare

Sezione retta in generale

Il cono

Equazione generale del cono circolare

I polinomi di secondo grado in tre variabili

I solidi di rotazione al centro

Ellissoide di rotazione al centro assi

Ellissoide di rotazione ad assi traslati

Ellissoide di rotazione ad assi solo ruotati

Ellissoide di rotazione as assi ruotati e traslati

Ellissoide (semplice)

Ellissoide al centro assi

Ellissoide ad assi traslati

La rotazione di solidi nello spazio

La rotazione di assi nello spazio

Alcune considerazioni sulla rotazione assi

La sequenza delle rotazioni

Le quadriche

Coordinate proiettive nello spazio

<u>Birapporti</u>

Coordinate omogenee

I punti impropri e le rette improprie

**Omologia** 

<u>Esempi</u>

I triangoli omologici

Quadrangoli e quadrilateri completi

**Esercizio** 

Proiettività fra le forme di prima specie

Nomenclatura e fondamenti della geometria proiettiva

**Esercizi** 

I punti impropri (osservazioni)

Osservazioni sulle quadriche

La classifica delle quadriche

Paraboloide ellittico

Paraboloide ellittico ad assi traslati

Paraboloide ellittico ad assi ruotati

Paraboloide iperbolico

Equazione della superficie torica

Le funzioni in due variabili

I differenziali totali (derivate parziali)

Derivate direzionali

Le derivate parziali di ordine superiore

Criterio di Schwarz

Piano tangente e retta normale

Massimi e minimi relativi - l'Hessiano

Massimi e minimi relativi e assoluti

**Esempi** 

I massimi e minimi assoluti in un dominio

Il calcolo dei volumi e gli integrali doppi di campo

La scelta dei limiti di integrazione

Avvertenze

Funzioni implicite

Teorema del dini

Retta tangente

Piano tangente

Sistemi di equazioni - Lo Jacobiano

Derivazione di funzioni composte

Osservazioni sullo Jacobiano

Inversione di un sistema di funzioni

Massimi e minimi di funzioni implicite

Estremi di una funzione implicita

L'identità di Eulero sulle derivate delle funzioni omogenee

Massimi e minimi condizionati

Metodo dei moltiplicatori di Lagrange

Cambiamento di variabili

Calcolo dei baricentri

Baricentro di una linea

Baricentro di una catenaria (grafico)

Volumi dei solidi di rotazione - Teoremi di Pappo e Guldino

Equazioni differenziali

Tipi di equazioni differenziali

I metodi risolutivi

Equazioni a variabili separabili

Equazioni a differenziali esatti

Equazioni a coefficienti omogenei

Equazioni lineari

Equazioni di Bernouilli

Equazioni di Riccati

Equazioni del primo ordine non risolte rispetto a y'

Equazioni prive di una variabile

Equazioni che si integrano con procedimento di derivazione

Equazioni di Monge - D'alambert - Lagrange

Equazione di Clairant

Equazioni differenziali omogenee

Il fattore integrante

Equazioni omogenee del primo ordine

Equazioni differenziali ordinarie di ordine superiore al primo

Equazioni lineari omogenee, i determinanti Wronskiani

Regola di derivazione di un determinante

Sistema fondamentale di integrali di una equazione differenziale omogenea - Formula di Liouville

Equazioni differenziali lineari a coefficienti costanti

Equazioni differenziali del secondo ordine

Equazioni differenziali di ordine n

La risoluzione completa delle equazioni differenziali lineari a coefficienti costanti

Metodo generale

Riepilogo integrali di equazioni omogenee

Criteri e Artifizi vari

Indice Enciclopedico

Pag. 0



## **Volume IV**

## La geometria descrittiva, la trigonometria sferica, solidi geometrici e cristallografia.

INDICE del volume IV

# Elementi di Geometria Descrittiva

Proiezione di Monge

Appartenenza

Condizioni di parallelismo

Rappresentazioni di enti particolari

Ribaltamento del piano

Rotazione della retta

Condizioni di perpendicolarità

Le rette sghembe

Intersezioni

Le prospettive e le assonometrie

Prospettiva parallela assonometrica

Prospettiva parallela isometrica

Prospettiva parallela dimetrica

Prospettiva parallela trimetrica

Le proiezioni a curve di livello

Proiezioni centrali e geografiche

Proiezioni di sviluppo modificate

Proiezioni azimutali

Proiezioni (prospetto)

# Cenni di Trigonometria Sferica

Cenni di trigonometria sferica

Triangoli sferici polari

Teorema di Legendre e l'eccesso sferico

La sferica e la trigonometria sferica

## I Solidi Geometrici

Angoli Solidi

La misura degli angoli solidi

Lo spazio angolare solido

Angoli diedri e angoli delle facce

I solidi geometrici

I solidi regolari (poliedri regolari)

Il tetraedro

Tavola delle relazioni fra gli elementi del tetraedro

Il cubo (o esaedro)

Tavola delle relazioni fra gli elementi del cubo

L'ottaedro

Tavola delle relazioni fra gli elementi dell'ottaedro

<u>Il dodecaedro</u>

Tavola delle relazioni fra gli elementi del dodecaedro

L'icosaedro

Tavola delle relazioni fra gli elementi dell'icosaedro

Gli angoli dei corpi solidi

Prospetto riepilogativo degli angoli nei solidi regolari

Quadro riepilogativo dei solidi regolari

I solidi derivati e le principali forme cristallografiche

I solidi inscrittibili e non inscrittibili in una sfera

Il triacistetraedro

Tavola dei cistetraedri

<u>Il tetracisesaedro</u>

Tabella dei tetracisesaedri

Il rombododecaedro

Il triacisottaedro

Tabella dei triacisottaedri

Il pentacisdodecaedro

Tabella dei pentacisdodecaedri

Il triacisicosaedro

Tabella dei triacisicosaedri

L'esacistetraedro

Tabella dei solidi inscritti in una sfera

Proiezione dell'esacistetraedro

Tabella degli elementi dell'esacistetraedro

L'esacisottaedro

Il trapezoedro

Generalizzazione dei trapezoedri

Tabella dei trapezoedri

Il deltoide dodecaedro

Il diacisdodecaedro (o diploide)

L'icositetraedro pentagonale

Tabella delle funzioni angolari

Riepilogo delle misure lineari della faccia

Il calcolo degli angoli diedri

Diedri su vertici a quattro facce

Il pentagono dodecaedro (tetartoedro)

Tabella

Solidi a facce curve

Tabella dei pentagonododecaedri a facce piane

Tabella dei pentagonododecaedri (caso 10)

# La Simmetria Nei Cristalli

La simmetria nei cristalli

Tabella di classi cristallografiche

La proiezione stereografica

Proiezione stereografica equatoriale

Proiezione stereografica polare

Proiezione stereografica orizzontale

Considerazioni sulle figure della facce dei solidi

I romboedri

Tabella dei romboesaedri

Cristalli impossibili

L'enenecontaedro birombico

Solidi provenienti da sezioni di altri solidi

Tetraedro sezionato

Tetracedron abscisus

Cubo sezionato

Exacedron abscisus

Exacedron abscisus elevatus

Ottaedro sezionato

Octacedron abscisus

Octacedron elevatus

Dodecaedro sezionato

Duodecedro abscisus

Icosaedro sezionato

Ycocedron abscisus

**Appendice** 

Tavole delle funzioni trigonometriche

Indice Enciclopedico

Pag. 0



### Volume V

# Equazioni di 3° e 4° Grado, Le linee curve piane, Gli algoritmi per calcolarle

#### INDICE del volume V

Le equazioni

Polinomi (regola di Ruffini)

Equazioni di terzo grado

Equazioni di terzo grado (esempi)

Equazioni di terzo grado (utilizzo funzioni iperboliche)

Discussione sui polinomi di terzo grado

Equazioni di quarto grado

Equazioni di grado superiore al quarto

Il metodo di graffe

Risoluzione grafica delle equazioni

Risoluzione per tentativi

Metodo delle parti proporzionali o metodo delle corde (regula falsi)

Metodo delle tangenti o di Newton-Fourier

Le curve piane

Sistemi di riferimento ad assi obliqui

Angolo fra due rette

Condizione di perpendicolarità

Distanza di un punto da una retta

Cambiamento di assi da ortogonali ad obliqui (e viceversa)

Le derivate ad assi obliqui

Coordinate polari piane

Tangente normale - sottonormale in polari

Asintoti delle curve piane

Asintoti paralleli agli assi

Asintoti non paralleli all'asse y

Asintoti delle curve algebriche

Asintoti in coordinate polari

Cerchio asintotico - punto asintotico

La curvatura ed il raggio di curvatura delle curve piane

Il raggio di curvatura in coordinate polari

Il raggio di curvatura in coordinate parametriche

Curve osculatrici

L'ellisse come curva osculatrice nel vertice della catenaria

L'iperbole come curva osculatrice della catenaria

I punti delle linee nel piano

Punti ordinati e singolari delle curve piane - punti multipli

Punti doppi - Nodi - Cuspidi

Punti di arresto

Punti angolari o salienti o vertici

Ordine dei punti di contatto delle curve piane

Integrali fra limiti infiniti

Convergenza fra limiti infiniti dedotta con metodi particolari

Gli integrali di Fresnel

Integrali curvilinei

Integrali curvilinei estesi ad una curva chiusa

Calcolo della aree delimitate da circuiti chiusi mediante integrali curvilinei

Aree dei rettori in coordinate polari

Operatori funzionali

La curva esponenziale

Costruzione grafica della catenaria

Curva logaritmica

Il regolo calcolatore logaritmico

Un metodo per trovare graficamente la radice cubica di un

segmento riferito ad un modulo unitario

Il problema di Delo

Le linee curve nel piano (parabola cubica)

Parabola cubica traslata

Parabola cubica ruotata

Parabola cubica ruotata e traslata

Integrali algebrici - curve razionali

Il folium di Cartesio

I raggi di curvatura del folium di Cartesio

L'area del cappio del folium di Cartesio

Correlazioni fra gli elementi del folium di Cartesio

Costruzione approssimata

La simmetria e i moduli unitari

L'evoluta

L'evolvente di un cerchio

Costruzione dell'evolvente di un cerchio

rettificazione dell'evoluta

Trisettrice di Maclaurin

La strofoide

Le strofoide oblique e generali

La cissoide e la duplicazione del cubo

La cissoide come podaria di una parabola rispetto al punto vertice

Cissoidi oblique e curve cissoidali

La curva di Jerabek

La cicloide ed il problema della tautocrona

L'area della cicloide

Lunghezza della cicloide

Equazione cartesiana della cicloide

Tangente, normale, sottotangente, sottonormale

Rapporti fra la lunghezza dell'arco di cicloide e ordinata

Baricentro della linea cicloide

Baricentro dell'area della cicloide

Raggi di curvatura della cicloide

Costruzione grafica della cicloide

L'evoluta dela cicloide

Il problema della tautocrona

Epicicloide - ipocicloide - pericicloide

**Epicicloide** 

Lunghezza dell'epicicloide

Area dell'epicicloide

Area delle lunule epicicloidali

La cardioide

La concoide

La concoide di una circonferenza (cardioide)

**Inversione** 

L'inversione di una parabola (cardioide)

Podaria di un cerchio (cardioide)

Area della cardioide

La lumaca di Pascal (cardioide)

Curva trisettrice dell'angolo (lumaca di Pascal)

Quadratrice di Ippia

Quadratrice di Dinostrato

Concoidi

Concoide di Nicomede

Concoide slusiana

Le epicicloidi allungate (o accorciate)

La nefroide

<u>Ipocicloidi</u>

Deltoide

Area del deltoide

Le curve inviluppo

L'inviluppo di Torricelli

Curva asteroide

Area dell'asteroide

Raggio di curvatura dell'asteroide

Equazione in polari dell'asteroide

Evoluta dell'asteroide

Inviluppo di rette

Costruzione dell'asteroide per tangenti

Parabola semicubica

curva trattrice

Versiera di Agnesi

Curva serpentina

Curva cruciforme

Spirale di Archimede

Spirale iperbolica

Spirale logaritmica

Spirale parabolica

Spirale di Fermat

<u>Litus</u>

I punti di flesso in coordinate polari

flesso nel litus

Raggio di curvatura del litus

La clotoide (Spirale di Cornu)

Le curve di Lissajous (moto armonico)

Cocleoide

**Ofiuride** 

Le curve di Lamé

La curva bisaccia

Lemniscata di Bernouilli

Raggio di curvatura della lemniscata

Cerchio di Apollonio

Cassinoide (Ovale di Cassini)

Ovale di Cartesio

Le podarie (opedali) dell'asteriode

**Bifolium** 

Le rodonee (rosa a tre foglie)

Rosa a tre foglie

Rosa a quattro foglie

Rosa a 'n' foglie

La coccinella

Lo scarabeo

Grafici delle funzioni trigonometriche

Grafici delle funzioni trigonometriche circolari

Grafici delle funzioni trigonometriche iperboliche

Operatori esponenziali (grafici dei)

Indice Enciclopedico

Pag. 0





### **Volume VI**

# Geometria delle Masse, Statica, Scienza delle Costruzioni, I Cavi Sospesi, la Catenaria

#### INDICE del volume VI

I riferimenti

Il problema dell'equilibrio

Radianti

La Geometria delle Masse

Masse discontinue

Baricentro di linee continue

Arco di catenaria

Baricentri di aree (spezzata chiusa)

Baricentri di trapezoidi retti

Settore circolare

Segmento circolare

**Semicerchio** 

Baricentri di triangoli parabolici

Baricentri di lunule paraboliche

Baricentro del semiellisse

I momenti del secondo ordine

Teorema di Huygens o di trasposizione

Momenti d'inerzia di figure composte da rettangoli

Momenti d'inerzia di un triangolo

Momenti d'inerzia ad assi ruotati

Il cerchio di Mohr

L'ellisse d'inerzia

Il sistema antipolare

Esempio di calcolo di centri relativi

Elementi di geometria proiettiva

Teorema di Steiner - Chasles

Teorema di Pascal

Teorema di Brianchon

Alcune osservazioni sulla proiettiva

Costruzione grafica del diametro coniugato

Nocciolo centrale d'inerzia

Tavola degli assi neutri per sezioni rettangolari

Esercizio di statica (Geometria delle masse)

Costruzione grafica del cerchio di Mohr

La statica

Gradi di libertà e gradi di vincolo

Vincoli di grado uno - carrello -

Pendolo o biella

Vincolo a doppio bipendolo

Lo pseudopendolo

Vincoli di grado due

Le cerniere

Il bipendolo

Vincoli di grado tre

Vincoli colleganti più aste

L'arco a tre cerniere

Il calcolo delle reazioni vincolari

Composizione e scomposizione di forze - I sistemi equivalenti

Somma di forze

Differenza di due forze

Somma di più forze

Le forze parallele

Scomposizione di forze parallele

Coppia di forze

Teorema di Varignon

I poligoni funicolari

L'asse di Culman

Poligono funicolare per tre punti

Composizione di una forza secondo tre direzioni non concorrenti

Scomposizione di un momento secondo tre direzioni non

concorrenti

Le sollecitazioni

Sforzo normale N

La rigidezza a sforzo normale

La ripartizione di carichi nelle aste

Le dilatazioni termiche

Il lavoro elastico

Le contrazioni trasversali

Momento flettente µ

Relazioni fra µ; q; T

Lo sforzo di taglio

Tensioni normali e tangenziali

De deformazioni dovute al taglio

Sezioni non rettangolari

Sezione circolare

La torsione

Aste cilindriche di sezione circolare

Solidi di sezione non circolare

Analogia idrodinamica

Sezioni triangolari equilatere

Il fattore torsione

Travi tubolari con parete sottile

Prove sperimentali per trovare m, G, E

Il flusso delle tau nelle sezioni dei profilati

Il centro di taglio o di torsione

Tavola riepilogativa delle sollecitazioni

La linea Elastica

Esempi di calcolo

Analogia del Mohr

Un'importante applicazione dell'analogia del Mohr

Riduzione alla trave perfettamente incastrata

L'equazione dei tre momenti

Il principio del lavori virtuali

Applicazione del principio del lavori virtuali ai sistemi rigidi

Applicazione del principio del lavori virtuali ai sistemi elastici

Esempio di calcolo dei lavori virtuali

Esempio di calcolo dei lavori virtuali

Applicazione del principio del lavori virtuali al calcolo delle deformazioni

Lavori virtuali nelle strutture reticolari iperstatiche

Dilatazioni termiche o difetti di montaggio

Strutture archiformi (curve)

Strutture reticolari

L'instabilità elastica

Limiti di validità della formula di Eulero

Formule per il calcolo aste compresse

Il metodo omega

Metodi di calcolo degli sforzi normali nella aste delle strutture reticolari

Il diagramma Cremoniano

Metodo di Ritter

L'equilibrio dei nodi

Travi funicolari

Trave Polonceau

Metodo di Culman

Teoremi sul lavoro elastico

Teorema di Clapeyron

Teorema di Betti

Teorema di Maxwell

Estensioni del teorema di Maxwell

I teoremi della condizione di minimo

Teorema di Menabrea

Teorema di Castigliano

Sollecitazioni composte

La pressoflessione

Il cerchio di Mohr

Le linee isostatiche

La flessione deviata

Le verifiche di resistenza per i sistemi piani di forze

<u>Id - per sistemi spaziali</u>

Distribuzione delle tensioni intorno ad un punto (cenni di teoria dell'elasticità)

Le deformazioni

L'ellisse di elasticità

Il peso elastico

Studio dei cavi flessibili, le funi brande (catenaria)

Catenarie simmetriche in y ed appoggi a livello orizzontale

Raggi di curvatura della catenaria

Rapporti fra gli elementi geometrici della catenaria

Retta tangente alla catenaria

Rette per l'origine degli assi secanti la catenaria

Relazioni fra gli elementi geometrici della catenaria

Relazioni fra gli elementi statici della catenaria

Le funzioni iperboliche inverse

Altre relazioni

Catenarie traslate orizzontalmente

Archi di catenarie fra punti a diverso livello

Altri esempi numerici

Tavola delle funzioni iperboliche

Catenarie riferite allo stesso sistema di assi (per un punto due catenarie)

Il problema della parete

Catenarie e catenoidi

Catenaria come curva di equilibrio di pesi distribuiti (problema della parete)

Come si rompono gli archi a tutto sesto

Catenarie ad assi traslati

Catenarie ad assi ruotati

La catenaria in coordinate polari

Il calcolo delle frecce nelle campate non a livello di una catenaria (il rilievo)

La catenaria come luogo dei punti descritti dal fuoco di una parabola volvente sull'asse delle x

Stabilità e instabilità dell'equilibrio statico

Indice delle foto contenute nel VI volume sostituite con gli originali a colori

Catena su carta millimetrata

Esperimento di verifica della catenaria fra punti a diverso livello Modello di parete per simulazione di cedimento nella fondazione 3 Foto di esperimenti con il modello di parete

Rottura di un arco e modelli di archi autoportanti

Indice Enciclopedico

Pag. 0



#### **Volume VII**

## La Matematica applicata, I campi Vettoriali, I fenomeni Fisici

#### INDICE del volume VII

La matematica applicata

Le Frequenze

La misura dei tempi

I vettori in campo tridimensionale

Operazioni sui vettori

Prodotto misto di tre vettori

Doppio prodotto vettoriale

Identità vettoriali

Equazioni vettoriali di curve notevoli

Analisi vettoriale

Il gradiente

Integrali di vettori

Flusso di un vettore

**Divergenza** 

Linee e tubi di flusso di un vettore

Circuitazione di un vettore

Teorema di Stokes

Il potenziale

Potenziale policiclico

Alcune osservazioni sul simbolismo

Riepilogo delle correlazioni fra gli operatori vettoriali

L'operatore di Laplace

Un metodo per trovare il vettore reciproco della somma dei reciproci

I vettori e le frequenze

Le forze

La trasmissione delle azioni dette forze

Energia - Lavoro - 'forze'

Il termometro a gas

Il ciclo di Carnot

Scala termodinamica della temperatura

campi magnetici

Ciclo di isteresi

Connessioni fra forze energetiche

Operazioni aritmetiche sulle grandezze sinusoidali (isofrequenza)

Somma e sottrazione

Prodotto misto di tre vettori

Derivata

Variabili dimensionali

Rappresentazione simbolica

Prodotto del vettore ruotante I per un numero complesso

Potenza di una corrente elettrica

Le utilizzazioni

Resistenza

**Induttanze** 

<u>Capacità</u>

La risonanza

La tecnologia

Analisi armonica

Apparecchi riceventi

<u>I trasformatori</u>

L'equazione delle corde vibranti

Il sonometro

L'informatica

Cibernetica teoria dell'informazione

Alfabeti antichi

**Scritture** 

Cenni introduttivi al personal computer

Tabella ASCII

La programmazione strutturata

Indice Enciclopedico

Pag. 0